SUPRACONDUCTIVITÉ NON-CONVENTIONNELLE

Yann Gallais Université Paris Diderot

Plan

- > Généralités et Symétries
- > Mécanismes d'appariement électroniques
- > Sondes de la supraconductivité non-conventionnelle
- > Supraconductivité à proximité d'ordres électroniques

Supraconducteur conventionnel

Theorie BCS (1957)

- Liquide de Fermi: instabilité de Cooper
- Interaction attractive due au réseau: couplage électron-phonon



J. Bardeen



L. Cooper



J. R. Schrieffer





LETT

e Kelvin.



(Received February 18, 1957)

exchange of phonons is attractive when the energy difference between the electrons states involved is less than the phonon energy. A. It is favorable to form a superconducting phase when this attractive interaction of the normal phase is described by the Bloch formed form a linear combined on the superconducting phase in which electrons are virtually excited in pains of opposite spin and momentum, is lower in energy than the normal state by appreximately proportional to an average (abc), consistent with the isotope effect. A mutually critical state is appreand momentum, a houring interpret state is more than thorapper states and the state is appresented by the phonon and momentum and the state is appresented by the state of the approximation of the state state is appresented by the state of the states are stated by the state state is appresented by the state of the state of

ifference using the rest to form a linear combination of virtual pair componen figurations. The theory yields as second-order phase transition and se when a Meissner effect in the form suggested by Pippard. Calculated corrected values of specific heats and pertention depths and their temperabilities, an energy gap for individual-laritcle excitations with derensaus numbers from about $3.MT_{\rm ext} t = -0^{-1}$ K to zero at $T_{\rm e}$. Tables of matrix is the spin end of the spin elements of single-particle operations dependent for expansion expansion in the spin elements of a single-particle operations form and the excited state is approximation and calculations of transition probabilities, are given.

Supraconducteur conventionnel

- Cohérence macroscopique
- Fonction d'onde BCS: superposition d'états de paires



- État de paires singulet
- Fonction d'onde BCS de symétrie « s »: isotrope
- > Découplage des échelles d'energie des électrons et du réseau: $E_F >> \omega_D$



Supraconducteur conventionnel



Paramètre d'ordre

Supraconducteur non-conventionnel

Définitions

- 1. Supraconductivité non-médiée par l'interaction électron-réseau
- 2. Symétrie de la fonction d'onde non « s singulet »

Les deux critères sont souvent équivalents mais pas toujours...

Symétries

 \geq

- Etat supra. conventionnel: symétrie de jauge électromagnétique U(1) est brisée
- > Etat supra. non conventionnel: **une symétrie additionnelle est brisée**

- > symétrie d'invariance par rotation des spin: fonction d'onde triplet
- > symétrie d'invariance par renversement du temps: fonction d'onde chirale

Symétries

Contrainte: anti-symétrie de la fonction d'onde de paires (cas avec centre d'inversion, parité bon nombre quantique)

$$\psi_{BCS} = \varphi_{orb} \chi_{spin}$$

- > Partie spatiale symétrique (s, d), partie de spin anti-symétrique : **singulet**
- > Partie spatiale anti-symétrique (p), partie de spin symétrique: **triplet**

 $S = 0 \Longrightarrow \chi_s$

Symétries

order parameter :
$$\psi = \Delta(\vec{k})\chi_{e^0}$$

Contrainte: anti-symétrie de la fonction d'onde de paires (cas avec centre d'inversion, parité bon nombre quantique) – wave: $\Delta(k) = \Delta_0$ (simplest case; may h $\psi_{PCS} = \varphi_{corb} \chi_{spin}$

> Partie spatiale symétrique (s, d), partie de spin anti-symétrique :
$$\vec{k}_x^2 - \vec{k}_y^2 / \vec{k}_F^2$$
 (for

> Partie spatiale anti-symétrique (p), partie de spin symétrique: triplet

1 état possible: paramètre d'ordre scalaire

$$S = 1 \Longrightarrow |\uparrow \uparrow\rangle, \frac{1}{\sqrt{2}} (|\uparrow \downarrow\rangle + |\downarrow \uparrow\rangle), |\downarrow \downarrow\rangle$$

3 états possibles: paramètre d'ordre vecteur **d**

s=0

implest case; may have k - dependence)

 $S = 0 \Longrightarrow \chi_s$

Symétries

order parameter :
$$\psi = \Delta(\vec{k})\chi_{e^0}$$

Contrainte: anti-symétrie de la fonction d'onde de paires (cas avec centre d'inversion, parité bon nombre quantique) – wave: $\Delta(k) = \Delta_0$ (simplest case; may h

> Partie spatiale anti-symétrique (p), partie de spin symétrique: triplet

1 état possible: paramètre d'ordre scalaire

$$S = 1 \Longrightarrow |\uparrow \uparrow\rangle, \frac{1}{\sqrt{2}} (|\uparrow \downarrow\rangle + |\downarrow \uparrow\rangle), |\downarrow \downarrow\rangle$$

3 états possibles: paramètre d'ordre vecteur **d**

s=0

> Cas non centro-symétrique: mélange singulet-triplet possible

implest case; may have k - dependence)

Lien avec le gap

Hamiltonien champ moyen BCS généralisé pour inclure le cas triplet

$$\mathscr{H}' = \sum_{\vec{k},s} \xi_{\vec{k}} c_{\vec{k}s}^{\dagger} c_{\vec{k}s} - \frac{1}{2} \sum_{\vec{k},s_1,s_2} \left[\Delta_{\vec{k},s_1s_2} c_{\vec{k}s_1}^{\dagger} c_{-\vec{k}s_2}^{\dagger} + \Delta_{\vec{k},s_1s_2}^{*} c_{\vec{k}s_1} c_{-\vec{k}s_2} \right]$$

Equation du gap BCS
$$\Delta(k, s_1 s_2) = -\sum_{k', s_3 s_4} V(k, k', s_1 s_2 s_3 s_4) b(k', s_3 s_4)$$

 $b(k,ss') = \langle c_{-ks}c_{ks'} \rangle = \varphi_k \chi_{ss'}$ Fonction d'onde d'un paire de Cooper k

Lien avec le gap

Hamiltonien champ moyen BCS généralisé pour inclure le cas triplet

$$\mathscr{H}' = \sum_{\vec{k},s} \xi_{\vec{k}} c_{\vec{k}s}^{\dagger} c_{\vec{k}s} - \frac{1}{2} \sum_{\vec{k},s_1,s_2} \left[\Delta_{\vec{k},s_1s_2} c_{\vec{k}s_1}^{\dagger} c_{-\vec{k}s_2}^{\dagger} + \Delta_{\vec{k},s_1s_2}^{*} c_{\vec{k}s_1} c_{-\vec{k}s_2} \right]$$

Equation du gap BCS $\Delta(k,s_1s_2) = -\sum_{k',s_3s_4} V(k,k',s_1s_2s_3s_4)b(k',s_3s_4)$

 $b(k, ss') = \langle c_{-ks} c_{ks'} \rangle = \varphi_k \chi_{ss'}$ Fonction d'onde d'une paire de Cooper

$$V_{\vec{k},\vec{k}';s_1s_2s_3s_4} = \langle -\vec{k}, s_1; \vec{k}, s_2 | \widehat{V} | -\vec{k}', s_3; \vec{k}', s_4 \rangle$$

élément de matrice d'interaction de paires

Fonction d'onde et gap ont les mêmes propriétés de symétrie

4.3 4.4

singulet
$$b(k,ss') = b(-k,ss') \longrightarrow \Delta(k,s_1s_2) = \Delta(-k,s_1s_2)$$

triplet
$$b(k,ss') = -b(-k,ss') \longrightarrow \Delta(k,s_1s_2) = -\Delta(-k,s_1s_2)$$

> Le gap nous donne des informations sur la symétrie de la fonction d'onde de paires

Anisotropie du gap: cas singulet

s isotrope

s anisotrope avec ou sans noeuds d: nœuds dans le gap imposée par symétrie

La symétrie du gap dépend du mécanisme d'appariement

Lee, Osheroff & Richardson (1971)

- Fermions: superfluidité BCS
- Pas de réseau + neutre: origine de l'appariement ?
- 2 phases superfluides: A et B

Interaction Van der Waals potentiel interatomique

> Interaction magnétique: He possède un spin !

- Interaction d'échange entre spin
- Le spin d'He polarise son environnement créant une interaction attractive pour un autre atome He: **paires triplet**
- Pb auto-cohérent
- Proximité d'une instabilité magnétique (He: ferro.)

Leggett (1975) sur l'attraction effective du à l'intéraction magnétique dipolaire

Just such a phenomenon can also take place in liquid ³He, the difference being that in this case the polarizable medium is not distinct from the atoms which are attracted. Consider for definiteness the case of spin polarization. A

³He atom at point **r** and time *t* will produce a molecular field which in turn produces a spin polarization of the neighboring liquid. This polarization persists for a fair time before dying out (cf. Sec. II). If now at time *t'* a second ³He atom comes by at point **r'**, it will be either attracted or repelled (depending on its spin) by the liquid polarization. In this way a (spin-dependent) effective interaction is generated between the two ³He atoms, which is additional to the interaction (4.6).

Attention à l'effet « feedback » à la transition supra.

A. J. Leggett, Rev. Mod. Phys. 47, 331 (1975)

A. J. Leggett, Rev. Mod. Phys. 47, 331 (1975)

$$S = 1 \Longrightarrow |\uparrow \uparrow \rangle, \frac{1}{\sqrt{2}} (|\uparrow \downarrow \rangle + |\downarrow \uparrow \rangle), |\downarrow \downarrow \rangle$$

3 états possibles: paramètre d'ordre vecteur **d**

J. F. Annett, Superconductivity, Superfluids and Condensates, Oxford University Press. (2004)

Susceptibilité de spin mesurée par RMN

Un analogue: Sr₂RuO₄

Y. Maeno et al., Physics Today 54, 42 (2001)

Knight shift → triplet pairing [B || ab] Sr₂RuO₄

Fermi surface

Supraconductivité non-centrosymétrique

Parité n'est plus un bon nombre quantique !

$$\mathcal{E}_k \neq \mathcal{E}_{-k}$$

 Couplage spin-orbite de Rashba: 2 surfaces de Fermi avec deux états de spin

plane $k_x - k_y$

Mélange orbite + spin

CePt3Si

Bauer et al. Phys. Rev. Lett. 92, 027003 (2004)

Supraconductivité non-centrosymétrique

 \triangle FIG. 1 (color online). Crystal structure of CePt₃Si. The bonds indicate the pyramidal coordination [Pt₅]Si around the Si atom. Origin shifted by (0.5, 0.5, 0.8532) for convenient comparison

Supra: mélange de triplet et siniguletparent AuCu₃ structure.

Modèle « s+p »

Plan

Généralités et Symétries

> Mécanismes d'appariement électroniques

Sondes de la supraconductivité non-conventionnelle

Supraconductivité à proximité d'ordres électronique

Appariemment Coulombien: CeCu₂Si₂

F. Steglich et al. Phys. Rev. Lett. 43, 1892 (1979)

G. Knebel et al. Comptes rendus Physique 12, 542 (2011)

- Supraconductivité de fermions lourds provenant des électrons 4f de Ce
- Proximité d'une phase AF
- Caractère itinérant ou localisé des moments magnétiques

Appariemment Coulombien

BCS: l'effet de retard de l'attraction électron-phonon permet d'éviter l'interaction répulsive Coulombienne de contact

Dans les systèmes corrélés l'effet de retard n'est pas suffisant pour éviter la répulsion Coulombienne car les électrons sont plus localisés (4f du Ce par ex.)

> Symétrie de la fonction d'onde de paire peut permettre d'éviter Coulomb de contact

1965: Kohn-Luttinger (modèle de charge pur)

 Dans un métal, la présence du niveau de Fermi entraîne une oscillation à longue portée du potentiel de Coulomb: oscillation de Friedel

$$(r) = \frac{\cos 2k_F r}{r^3}$$

Local Density of States (LDOS) (Friedel Oscillation) ur certaines valeurs de r le potentiel devient attractif, une fonction de paire BCS non « s » peut profiter de ces zones attractives

Exemple: d-wave

La partie orbitale de la fonction d'onde permet de minimiser l'interaction Coulombienne de contact

Appariemment Coulombien: Hubbard

Berk et Schireffer (1966); champ moyen « BCS » sur le terme en U (« à la Stoner », couplage faible)

 χ_0 : susceptibilité électron libres

Berk and Schrieffer. Phys. Rev. Lett. 17, 433 (1966)

Appariemment et susceptibilité

Importance de la dimensionnalité / topologie de la surface de Fermi

Appariemment Coulombien: Hubbard

- Modèle de Hubbard plan carré: susceptibilité de spin diverge
- L'interaction de paire diverge aussi

Appariemment et susceptibilité

Dynamical cluster Approximation (DCA): plans 2D

- Le couplage d'appariement suit la susceptibilité de spin
- Instabilité supra quand la température diminue

D. J. Scalapino, Rev. Mod. Phys. 84, 1383 (2012)

Appariemment Coulombien

Equation du gap BCS:
$$\Delta(k,s) = -\sum_{k'} \Gamma(k,k')b(k',s)$$

AT=0K: $\Delta(k) = -\sum_{k'} \Gamma(k-k')\frac{\Delta(k')}{2E'_k}$

- > Si répulsif, Γ > 0: solution si le gap change de signe entre k et k'
- > Si Γ est piqué en Q alors changement de signe entre k et k+Q

si susceptibilité piqué en $Q=(\pi,\pi)$

Gap d-wave

- si une seule surface de Fermi: appariement coulombien implique nœuds dans le gap
- changement de signe du gap: quasi-signature d'un appariement coulombien

Structure du gap et surface de Fermi

- Plusieurs surfaces de Fermi
- Appariement Coulombien « s »

s⁺-gap

Kuroki et al. Phys.Rev.Lett. 101, 087004 (2008) Mazin et al. Phys. Rev. Lett. 101, 057003 (2008)

Attention: symétrie vs structure du gap !!!!

Appariement multi-orbital

- Généralement appariement intra-orbital dominant
- > Anisotropie du gap due au contenu en orbital des feuillets de Fermi

Appariement multi-orbital

- Frustration des interactions d'appariement
- Complexité de la structure du gap
Plan

Généralités et Symétries

Mécanismes d'appariement électroniques

Sondes de la supraconductivité non-conventionnelle

Supraconductivité à proximité d'ordres électronique

Sondes de la supra non-conventionnelle

- Triplet ou singulet: susceptibilité de spin sous T_c, effets de B
- Symétrie du gap: anisotropie et phase
- Détecter les fluctuations: la « colle » de l'appariement: phonons, fluctuations de spins...

Développement de nouvelles techniques depuis les années 1990 (cuprates): ARPES, jonctions tunnels, STM, spectroscopies optiques....

Sonder la symétrie du gap

Sonder le gap permet de discriminer les différents scénario d'appariements: comment le sonder ?

• Présence de noeuds: quasiparticules de basses énergie profondeur de pénétration de London, chaleur specifique, conductivité thermique, spectroscopies optiques, RMN....

 Dépendance angulaire du gap ARPES, Raman, chaleur specifique et conductivité thermique en fonction de la direction de B, conductivité thermique directionnelle

Phase du gap

Fil conducteur: gap d des cuprates

$$E_{ec k} = \sqrt{\xi_{ec k}^2 + |\Delta_{ec k}|^2}$$

Cuprates: la « guerre » du gap (1989-1995)

Densité d'état





Profondeur de pénétration de London



Quasiparticules normales thermiquement activées

Profondeur de pénétration de London



> Hardy et al. (1993): premières preuves de nœuds dans le gap des cuprates

Attention à l'effet du désordre: lois de puissance à basse T

Conductivité thermique

- Métal: contribution électronique linéaire
- Paires Cooper ne transportent pas de chaleur, contribution des quasiparticules nonappariées uniquement
- Comportements en température et en champs indiquent présence de nœuds ou pas



Photoémission résolue en angle



$$E_{\vec{k}} = \sqrt{\xi_{\vec{k}}^2 + |\Delta_{\vec{k}}|^2}$$







Z. X. Shen et al. (1993)

$$\left|\Delta_{k}\right| = \Delta_{0} \left| \left(\cos k_{x} a - \cos k_{y} a\right) \right|$$

- Première mesure directe de l'anisotropie angulaire du gap
- > Sensible à la surface

Sonder la phase: résonance neutron

Facteur de cohérence de susceptibilité de spin à Q dans SC:

$$\frac{1}{2} \left(1 - \frac{\Delta(k)\Delta(k+Q)}{E(k)E(k+Q)} \right)$$

Condition de résonance: $sgn(\Delta(k + Q)) = -sgn(\Delta(k))$



Sonder la phase: résonance neutron

Fermions lourds





- Universalité de la résonance neutrons dans les SC proche d'une phase AF
- > Indication forte d'un changement de signe du gap: supra non-conventionnelle

Sonder la phase: interférométrie SQUID

2 jonctions Josephson entre supra. s et d



Sonder la phase: interférométrie SQUID

Wollman et al. (1993)



Décalage de ½ quantum de flux en moyenne

Sonder la phase: tri-cristal



Bosons / fluctuations responsables de l'appariement



J. Carbotte, Rev. Mod. Phys. 62, 1027 (1990)



Plan

- Généralités et Symétries
- Mécanismes d'appariement électroniques
- Sondes de la supraconductivité non-conventionnelle
- > Supraconductivité à proximité d'ordres électroniques
 - > Diagrammes de phases de la supra. non-conventionnelle
 - > Cuprates
 - > Supraconducteurs au Fer

Diagrammes de phases (T, p): exemples



- supraconductivité apparaît proche d'une phase magnétique AF
- coexistence ou pas
- Importance des fluctuations critiques dans la supra.



p (GPa) Lagrammes de pnases (T, p): exemples



- supraconductivité apparaît proche d'une phase magnétique ferromagnétique
- Coexistence entre les ordres ?
- Importance des fluctuations critiques dans la supra.

Diagrammes de phases (T, p): exemples



Diagrammes de phases (T, dopage): cuprates



Х

M

- Proximité d'un phase isolante de Mott antiferromagnétique
- SC gap d du aux fluctuations AF
- Liquide de Fermi ?
- Phase pseudogap ?

Cuprates: liquide de Fermi?



Le pseudogap

STM (Fischer et al. 1998)

ARPES (Ding et al. 1998)



- > Un gap s'ouvre au dessus de T_c
- > pseudogap anisotrope « d »: précurseur SC ?

Le pseudogap







Scenario du pseudogap



Un ordre caché ?





Pseudogap: poche et et pas arc de Fermi Signature d'une reconstruction électronique Ordre à Q fini

Ordres de charge/spin

PG: nombreuses signatures d'ordre (statique ou pas): neutron (Bourges et al.), Kerr (Kapitulnik et al.), RMN (Julien et al.), RX (Ghiringelli et al, Chang et al....)



Ordre fluctuant stabilisé par un champ B

Ghiringelli et al. Science (2012)

Supraconducteurs au Fer: diagrammes de Phase



J. Zhao et al. Nature Materials 7, 953-959 (2008)

Diagrammes de phase



J. Paglione et R. Greene. Nature Physics 2010

Supraconductivité et magnétisme



Supraconductivite s⁺⁻

Topologie de la surface de Fermi et gap



Coexistence magnétisme supra.



Séparation de phase ?

⁷⁵As NMR $\underbrace{(9)}_{200}^{400} q a \ _{200}^{\prime\prime}$ 2000 ∇H 1000 c Gparamagnetic NMR cavity detuning (kHz) 500 0 SC + SDW **SDW** (s⁻¹K⁻¹) 5 $1/T_1T$ 20 30 40 50 0 10 60 Temperature (K) H//ab 0.00 -0.05 $H-H_{A}(T)$ Laplace et al. PRB 80, 140501 (2009) Julien et al. EPL 87, 37001 (2009)

- Raie RMN: élargissement homogène
- ➢ Volume supra. 100%
- Coexistence atomique magnétisme supra

Compétition magnétisme supra.



 \succ Réduction du moment magnétique sous T_c: compétition entres ordres électroniques

Dégrés de liberté structuraux / orbitaux



Dégrés de liberté structuraux / orbitaux



- levée de dégénérescence des orbitales xz/yz
- différence d'occupation macroscopique



Dégrés de liberté structuraux / orbitaux



X

Supraconductivité non-conventionnel sans magnétisme



- Ordre de charge ferro-quadrupolaire
- Pas de degrés de liberté de spin

Matsubayashi et al. (2012)
Bibliographie

J. F. Annett, Superconductivity, Superfluids and Condensates, Oxford University Press. (2004)

- A. J. Leggett, Rev. Mod. Phys. 47, 331 (1975)
- D. J. Scalapino, Rev. Mod. Phys. 84, 1383 (2012)

M. R. Norman, « Unconventional Superconductivity » arXiv1302.3176 (2013)